

**1** Regn ut  $\frac{3}{7} + \frac{1}{2}$ .

- i)  $\frac{13}{14}$
- ii)  $\frac{11}{14}$
- iii)  $\frac{9}{14}$

**2** Regn ut  $\frac{8}{9} + \frac{3}{4}$ .

- i)  $\frac{57}{36}$
- ii)  $\frac{59}{36}$
- iii)  $\frac{61}{36}$

**3** Regn ut  $\frac{1}{4} + \frac{1}{8}$ .

- i)  $\frac{3}{16}$
- ii)  $\frac{3}{8}$
- iii)  $\frac{5}{8}$

**4** Regn ut  $\frac{1}{8} + \frac{1}{16}$ .

- i)  $\frac{3}{16}$
- ii)  $\frac{5}{16}$
- iii)  $\frac{5}{8}$

**5** Regn ut  $\frac{1}{16} + \frac{1}{32}$ .

- i)  $\frac{3}{16}$
- ii)  $\frac{5}{32}$
- iii)  $\frac{3}{32}$

**6** Regn ut  $\frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2}$ .

- i)  $\frac{3}{14}$
- ii)  $\frac{3}{16}$
- iii)  $\frac{1}{14}$

**7** Regn ut  $\frac{1/3}{3/4}$ .

- i)  $\frac{4}{3}$
- ii)  $\frac{1}{3}$
- iii)  $\frac{4}{9}$

**8** Regn ut  $x^3 \cdot x^{-5}$ .

- i)  $x^3$
- ii)  $x^{-3}$
- iii)  $x^{-2}$

**9** Regn ut  $e^\theta \cdot e^{2\theta}$ .

- i)  $e^\theta$
- ii)  $e^{3\theta}$
- iii)  $e^{-\theta}$

**10** Regn ut  $\frac{a^3 \cdot b^{-2}}{a \cdot b^3}$ .

- i)  $\frac{a^2}{b^5}$
- ii)  $\frac{a^3}{b^4}$
- iii)  $\frac{a^2}{b^4}$

**11** Regn ut  $\frac{xy}{x^{-1}y^{-1}}$ .

- i)  $x^2y^2$
- ii)  $\frac{1}{x^2y^2}$
- iii)  $\frac{x^2}{y^2}$

**12** Faktoriser  $3x - 9$ .

- i)  $3(x - 3)$
- ii)  $3(x - 2)$
- iii)  $3(x - 1)$

**13** Faktoriser  $x^2 - 2x + 1$ .

- i)  $(x - 1)(x + 1)$
- ii)  $(x - 1)^2$
- iii)  $(x + 1)^2$

**14** Faktoriser  $x^2 - 1$ .

- i)  $(x-1)(x+1)$    ii)  $(x+1)^2$    iii)  $(x-1)^2$

**15** Faktoriser  $x^3 - x^2 + x - 1$ .

- i)  $(x+1)^3$    ii)  $(x-1)^2(x+1)$    iii)  $(x^2+1)(x-1)$

**16** Faktoriser  $2x - 8$ .

- i)  $2(x-2)$    ii)  $2(x-4)$    iii)  $2(x-8)$

**17** Faktoriser  $x^2 - 5$ .

- i)  $(x-\sqrt{5})(x+\sqrt{5})$    ii)  $(x-5)(x+5)$    iii)  $(x-\sqrt{5})(x+5)$

**18** Faktoriser  $x^2 + 3x + 2$ .

- i)  $(x+1)(x-2)$    ii)  $(x-1)(x+2)$    iii)  $(x+2)(x+1)$

**19** Faktoriser  $x^2 + 5x$ .

- i)  $x(x+5)$    ii)  $(x+1)(x+5)$    iii)  $(x-1)(x-5)$

**20** Faktoriser  $x^4 - x^2$ .

- i)  $(x+1)^4$    ii)  $x^2(x-1)(x+1)$    iii)  $(x+1)^2(x-1)^2$

**21** Gitt  $f(x) = x^2$ . La  $g(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$ . Da er  $g(x)$ :

- i)  $2x$    ii)  $2x + \Delta x$    iii)  $x^2 + \Delta x$

**22** Det gjelder:  $f'(x_0) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$ . Grensen  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\tan(\pi/4 + h) - \tan(\pi/4)}{h}$  er da lik:

- i) 0   ii) 1   iii) 2

**23** Det gjelder:  $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$ . Grensen  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+h} - \sqrt{x}}{h}$  er da lik:

- i)  $\sqrt{x}$    ii)  $\frac{1}{2\sqrt{x}}$    iii)  $\frac{1}{\sqrt{x}}$

**24** Det gjelder:  $f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ . Grensen  $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\cos(\frac{\pi}{2} + \Delta x) - \cos(\frac{\pi}{2})}{\Delta x}$  er da lik:

- i) 0   ii) 1   iii) -1

**25** Deriverte til  $y = 2x\sqrt{x}$  er:

- i)  $y' = 2\sqrt{x}$    ii)  $y' = \frac{3}{\sqrt{x}}$    iii)  $y' = 3\sqrt{x}$

**26** Deriverte til  $y = \sqrt{5-2x}$  er:

- i)  $y' = \frac{-2}{\sqrt{5-2x}}$    ii)  $y' = \frac{-1}{\sqrt{5-2x}}$    iii)  $y' = \frac{1}{\sqrt{5-2x}}$

**27** Deriverte til  $y = \sqrt{x^2 + 2x}$  er:

- i)  $y' = \sqrt{2x+2}$    ii)  $y' = \frac{2(x+1)}{\sqrt{x^2+2x}}$    iii)  $y' = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x}}$

**28** Deriverte til  $y = \frac{2-x}{1-2x}$  er:

i)  $y' = \frac{-1}{(1-2x)^2}$     ii)  $y' = \frac{3}{(1-2x)^2}$     iii)  $y' = \frac{-3}{(1-2x)^2}$

**29** Deriverte til  $y = xe^{-x}$  er:

i)  $y' = e^{-x}(x+1)$     ii)  $y' = e^{-x}(1-x)$     iii)  $y' = -e^{-x}$

**30** Deriverte til  $y = \frac{\ln x}{x}$  er:

i)  $y' = \frac{1+\ln x}{x^2}$     ii)  $y' = \frac{1-\ln x}{x^2}$     iii)  $y' = \frac{1}{x}$

**31** Deriverte til  $y = \frac{1}{3}(e^{3x} + e^{-3x})$  er:

i)  $y' = e^{3x} - e^{-3x}$     ii)  $y' = e^{3x} + e^{-3x}$     iii)  $y' = xe^{3x-1} - xe^{-3x-1}$

**32** Deriverte til  $y = \frac{\sin x}{1+\cos x}$  er:

i)  $y' = \frac{1}{1+\cos x}$     ii)  $y' = \frac{1-\cos x}{(1+\cos x)^2}$     iii)  $y' = \frac{\cos x}{-\sin x}$

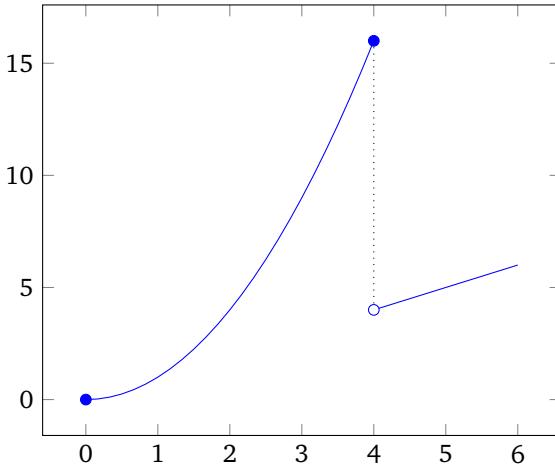
**33** Deriverte til  $y = x^3 \ln x$  er:

i)  $y' = 3x^2(\ln x + 1)$     ii)  $y' = 3x^2 + \frac{1}{x}$     iii)  $x^2(3\ln x + 1)$

**34** Grafen til  $f(x) = x^2 - 2x$  har

- i) Minimumspunkt i  $x = 1$
- ii) Maksimumspunkt i  $x = 1$
- iii) Minimumspunkt i  $x = -1$

35 Grafen av kurven til  $y = f(x)$  er tegnet her.



I  $x = 4$  er  $f$  :

- i) ikke definert og dermed ikke kontinuerlig.
- ii) definert men har ikke grenseverdi og dermed ikke kontinuerlig
- iii)  $f$  er ikke definert og har ikke grenseverdi.

36 Hvis  $f(x) = \sin^2(x)$ , er  $f'(\frac{\pi}{4})$  lik:

- i) 0
- ii) 1
- iii) 2

37 Omkretsen til et rektangel er lik 6. En av sidelengdene er lik  $x$ . Arealet kan da uttrykkes ved:

- i)  $A(x) = x(6-x)$
- ii)  $A(x) = 2x(3-x)$
- iii)  $A(x) = x(3-x)$

38 Tangentlinjen til  $f(x) = x \ln x$  i punktet  $(e, e)$  er

- i)  $T(x) = 2x - e$
- ii)  $T(x) = 3x - e$
- iii)  $T(x) = 2x - 2e$

39 En partikkel beveger seg langs  $x$ -aksen med en hastighet som ved tiden  $t$  er gitt ved  $v(t) = \sin(2t) + 3t + 1$ . Hva er partikkelenes akselerasjon ved  $t = \frac{\pi}{2}$ ?

- i) 0
- ii) 1
- iii) 2

40 En ball kastes rett oppover med en starthastighet  $v_0 = 19,6$  m/s. Kastet starter i en høyde 2,5 m over bakken. Vi bruker som vanlig et koordinatsystem der  $x$ -aksen er horisontal og  $y$ -aksen er vertikal og rettet oppover. Tyngdens akselerasjon er  $g = 9,80$  m/s<sup>2</sup>. Ved tiden  $t$  (målt i sek.) kan høyden uttrykkes ved:  $h = 2,5 - \frac{1}{2}gt^2 + 19,6t$ . Landingstidspunkt er da:

- i) 0,1237 sek.
- ii) 4,1237 sek
- iii) 2,1237 sek.

41 Horisontal posisjonen til en partikkel ved tidspunktet  $t$  (sek.) er gitt ved:  $x(t) = 3t^2 + 1 + \cos(t)$ . Akselerasjonen til partikkelen ved  $t = \pi$  er lik:

- i) 7
- ii) 5
- iii) 6

42 Kostnadfunksjonen for å produsere  $x$  enheter er gitt ved:  $K(x) = 500 + 40x + \frac{1}{2}x^2$ . Salgsprisen pr. enhet er  $p = 100$ .

Profittfunksjonen er da:

- i)  $P(x) = -400 + 40x + \frac{1}{2}x^2$
- ii)  $P(x) = -500 + 60x - \frac{1}{2}x^2$
- iii)  $P(x) = -500 + 60x + \frac{1}{2}x^2$

**43** Kostnadfunksjonen for å produsere  $x$  enheter er gitt ved:  $K(x) = 500 + 40x + \frac{1}{2}x^2$ . Salgsprisen pr. enhet er  $p = 100$ . Produksjonantall  $x$  som gir størst profitt er:

- i) 40 enheter
- ii) 50 enheter
- iii) 60 enheter.

**44** Deriver funksjonen  $f(x) = 5$ .

- i)  $f'(x) = 5x$
- ii)  $f'(x) = 0$
- iii)  $f'(x) = 5x + C$ .

**45** Deriver funksjonen  $f(x) = 2x + 3$ .

- i)  $f'(x) = 2 + 1$
- ii)  $f'(x) = x^2 + 3x + C$
- iii)  $f'(x) = 2$

**46** Deriver funksjonen  $f(x) = 5x^2 - 3x - 1$ .

- i)  $f'(x) = 2x - 3$
- ii)  $f'(x) = 10x - 3$
- iii)  $f'(x) = 2x - 3$

**47** Deriver funksjonen  $f(x) = 2x^{1.5}$ .

- i)  $f'(x) = 3\sqrt{x}$
- ii)  $f'(x) = 3x$
- iii)  $f'(x) = 3,5x$

**48** Deriver funksjonen  $f(x) = \frac{5}{x}$ .

- i)  $f'(x) = \frac{-10}{x^2}$
- ii)  $f'(x) = -5x^{-2}$
- iii)  $f'(x) = \frac{5}{x^2}$

**49** Deriver funksjonen  $f(x) = e^{2x}$ .

- i)  $f'(x) = e^{2x}$
- ii)  $f'(x) = 2e^{2x}$
- iii)  $f'(x) = x$

**50** Deriver uttrykket  $f(x) = g(x) \cdot h(x)$ .

- i)  $f'(x) = g'(x)h'(x)$
- ii)  $f'(x) = g'(x)h(x)$
- iii)  $f'(x) = g'(x)h(x) + g(x)h'(x)$

**51** Deriver uttrykket  $f(x) = \frac{g(x)}{h(x)}$ .

- i)  $f'(x) = \frac{g'(x)}{h'(x)}$
- ii)  $f'(x) = \frac{g'(x)h(x) - g(x)h'(x)}{h(x)^2}$
- iii)  $f'(x) = \frac{g'(x)}{h(x)}$

**52** Deriver uttrykket  $f(x) = g(h(x))$ .

- i)  $f'(x) = g'(x) \cdot h'(x)$
- ii)  $f'(x) = g'(h(x)) \cdot h'(x)$
- iii)  $f'(x) = g'(h(x))$

**53** Deriver funksjonen  $f(x) = e^{\sin x}$ .

- i)  $f'(x) = -e^{\sin x} \cos x$
- ii)  $f'(x) = e^{\sin x} \cos x$
- iii)  $f'(x) = e^{\sin x}$

**54** Deriver funksjonen  $f(x) = e^{\ln x}$ .

- i)  $f'(x) = 1$
- ii)  $f'(x) = -e^{\ln x} x^2$
- iii)  $f'(x) = e^{\ln x}$

**55** Er funksjonen  $f(x) = \frac{1}{x}$  deriverbar for alle  $x$ ?

- i) Nei.
- ii) Ja.
- iii) Ja, men bare for  $x > 0$ .

**56** Deriver funksjonen  $f(x) = \sin(x)\cos(x)$ .

- i)  $f'(x) = \cos^2 x - \sin^2 x$
- ii)  $f'(x) = 1$
- iii)  $f'(x) = \cos^2 x + \sin^2 x$

**57** Deriver funksjonen  $f(x) = \ln(x^2)$ .

- i)  $f'(x) = \frac{2}{x}$
- ii)  $f'(x) = \frac{1}{x^2}$
- iii)  $f'(x) = 2 \cdot e^{2x}$

**58** Deriver funksjonen  $f(x) = \sin(\sin(x))$ .

- i)  $f'(x) = \cos^2 x - \sin^2 x$
- ii)  $f'(x) = \cos(\sin(x)) \cos(x)$
- iii)  $f'(x) = 1$

**59** Deriver funksjonen  $f(x) = 5x^4 + \ln(3x)$ .

- i)  $f'(x) = 20x^3 + \frac{3}{x}$    ii)  $f'(x) = 20x^3 + \frac{1}{x}$    iii)  $f'(x) = 20x^3 + \frac{1}{3x}$

**60** Deriver funksjonen  $f(x) = x(x+1)$ .

- i)  $f'(x) = 2x + 1$    ii)  $f'(x) = 2x + x$    iii)  $f'(x) = 2$

**61** Deriver funksjonen  $f(x) = \frac{x}{x+1}$ .

- i)  $f'(x) = \frac{1}{(x+1)^2}$    ii)  $f'(x) = \frac{2x+1}{(x+1)^2}$    iii)  $f'(x) = \frac{2x-1}{(x+1)^2}$

**62** Deriver funksjonen  $f(x) = e^{x^2}$ .

- i)  $f'(x) = 2xe^{x^2}$    ii)  $f'(x) = e^{x^2}$    iii)  $f'(x) = 2xe^x$

**63** Deriver funksjonen  $f(x) = \sqrt{x}$ .

- i)  $f'(x) = \frac{1}{2}x^{1/2}$    ii)  $f'(x) = \frac{1}{2}x$    iii)  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

**64** Regn ut  $\int (x+1) dx$ .

- i)  $x^2 + x + C$    ii)  $\frac{x^2}{2} + x + C$    iii) 1

**65** Regn ut  $\int x^{-1/3} dx$ .

- i)  $-\frac{1}{3}x^{-4/3} + C$    ii)  $\frac{3}{2}x^{2/3} + C$    iii) Ingen løsning

**66** Regn ut  $\int (-2 \cos t) dt$ .

- i)  $-2 \sin t + C$    ii)  $-2 \sin t$    iii)  $2 \cos t + C$

**67** Regn ut  $\int \sin(3y) dy$ .

- i)  $-\cos(3y) + C$    ii)  $-3 \cos(3y) + C$    iii)  $-\frac{1}{3} \cos(3y) + C$

**68** Regn ut  $\int 28(7x-2)^{-5} dx$ .

- i)  $-112(7x-2)^{-4} + C$    ii)  $-140(7x-2)^{-5} + C$    iii)  $-(7x-2)^{-4} + C$

**69** Regn ut  $\int \sqrt{3-2s} ds$ .

- i)  $\frac{1}{2}\sqrt{3-2s} + C$    ii)  $\sqrt{3-s^2} + C$    iii)  $-\frac{1}{3}(3-2s)^{3/2} + C$

**70** Integralet til  $f(x)$  er  $x^2 + \sin x + C$ . Hva er  $f(x)$ ?

- i)  $x^3 + \cos x$    ii)  $x^3 - \cos x$    iii)  $2x + \cos x$

**71** Finn arealet begrenset av kurven til  $y = 2-x$ ,  $x$ -aksen og  $y$ -aksen.

- i) 1   ii) 2   iii) 3

**72** Finn arealet begrenset av kurven til  $y = 1 - x^2$  og  $x$ -aksen.

- i)  $\frac{1}{3}$
- ii)  $\frac{4}{3}$
- iii)  $\frac{2}{3}$

**73** Regn ut  $\int_{-1}^1 (2x + 1) dx$ .

- i)  $-1$
- ii)  $1$
- iii)  $2$

**74** Regn ut  $\int_{-\pi}^{\pi} \sin x dx$ .

- i)  $-2$
- ii)  $-1$
- iii)  $0$

**75** Regn ut  $\int_0^5 \frac{x}{x+1} dx$ .

- i)  $\ln(x+1)$
- ii)  $5 - \ln 6$
- iii) Ingen løsning

**76** Regn ut  $\int_{-2}^0 e^x dx$ .

- i)  $e^{-2}$
- ii)  $\frac{1}{e^{-2}}$
- iii)  $1 - \frac{1}{e^2}$

**77** Hvordan kan vi regne ut arealet mellom en funksjonskurve og  $x$ -aksen?

- i) Ved å bruke trigonometri
- ii) Derivere
- iii) Integrere

**78** Regn ut  $\int_0^1 \frac{1}{x} dx$

- i) Uttrykket blir uendelig stort
- ii) 0 (null)
- iii) 1

**79** Finn  $x$  når  $\int_0^x dt = 2$ .

- i) 4
- ii) 2
- iii)  $-2$

**80** Finn  $x$  når  $\int_0^x y dy = 8$ .

- i) 4
- ii) 8
- iii)  $-8$

**81** Finn  $y$  når  $\int_0^y \sin x dx = 2$ .

- i) 1
- ii)  $\pi$
- iii)  $2\pi$

**82** Finn  $y$  når  $\int_{\pi}^y \cos x dx = 1$ .

- i)  $2\pi$
- ii)  $\frac{\pi}{2}$
- iii)  $\frac{\pi}{3}$

**83** Finn  $t$  når  $\int_t^6 \frac{1}{x} dx = \ln 2$ .

- i) 1
- ii) 2
- iii) 3

**84** En funksjon  $f$  er gitt ved  $f(x) = 2x + 1$ . Finn den antideriverte  $G$  til  $f$  gitt ved  $G(0) = 1$ .

- i)  $x^2 + x + 1$
- ii)  $x^2 + x + C$
- iii)  $x^2 + 1$

**85** En funksjon  $f$  er gitt ved  $f(x) = 3x^2 - 1$ . Finn den antideriverte  $G$  til  $f$  gitt ved  $G(0) = 1$ .

- i)  $3x^2 + x + C$    ii)  $x^3 - x + 1$    iii)  $6x + C$

**86** En funksjon  $f$  er gitt ved  $f(x) = 6x$ . Finn den antideriverte  $G$  til  $f$  gitt ved  $G(0) = -1$ .

- i)  $6 + C$    ii)  $6x^2 - 1$    iii)  $3x^2 - 1$

**87** Finn  $f(x)$  når  $f'(x) = 2x + 2$  og  $f(-1) = 3$ .

- i)  $x^2 + 2x + C$    ii)  $x^2 + 2x + 4$    iii)  $2x^2 + 2x - 5$

**88** Finn  $f(x)$  når  $f'(x) = 1$  og  $f(-1) = 3$ .

- i)  $x + 4$    ii)  $0$    iii)  $x + C$

**89** Finn  $f(x)$  når  $f'(x) = 6x - 2$  og  $f(-1) = 3$ .

- i)  $3x^2 - 2x + C$    ii)  $6x^2 - 2x - 5$    iii)  $3x^2 - 2x - 2$

**90** Finn det ubestemte integralet  $\int \frac{1}{(3x+1)} dx$ .

- i)  $-1/3 \cdot x^2 + x + C$    ii)  $1/3 \cdot \ln|x+1/3| + C$    iii)  $-1/(3x+1)^2 + C$

**91** Finn det ubestemte integralet  $\int \frac{1}{(2x+1)} dx$

- i)  $-1/(2x+1)^2 + C$    ii)  $1/2 \cdot \ln|x+1/2| + C$    iii)  $-2/(2x)^2 + C$

**92** Finn det ubestemte integralet  $\int \frac{1}{(4x-1)} dx$ .

- i)  $1/4 \cdot \ln|x-1/4| + C$    ii)  $-1/4 \cdot x^2 - x + C$    iii)  $-4/(4x)^2 + C$

**93** Funksjonen  $f$  er gitt ved  $f(x) = 2x$ . Finn arealet  $A$  som er avgrenset av  $x$ -aksen, linja  $x = 0$ , linja  $x = 1$  og grafen til  $f$ .

- i) 2   ii) 1   iii) -1

**94** Funksjonen  $f$  er gitt ved  $f(x) = 3x$ . Finn arealet  $A$  som er avgrenset av  $x$ -aksen, linja  $x = 0$ , linja  $x = 1$  og grafen til  $f$ .

- i)  $\frac{3}{2}$    ii) 3   iii)  $-3/2$

**95** Funksjonen  $f$  er gitt ved  $f(x) = 7x$ . Finn arealet  $A$  som er avgrenset av  $x$ -aksen, linja  $x = 0$ , linja  $x = 1$  og grafen til  $f$ .

- i) 7   ii) -7   iii)  $\frac{7}{2}$

**96**  $\int \sin(6x) dx$ .

- i)  $-1/6 \cdot \cos(6x) + C$    ii)  $6 \cos(6x) + C$    iii)  $-\cos(6x) + C$

**97**  $\int \sin(7x) dx$ .

- i)  $-\cos(7x) + C$    ii)  $1/7 \cdot \sin(7x) + C$    iii)  $-1/7 \cdot \cos(7x) + C$

**98**  $\int \cos(8x) dx$ .

- i)  $-8 \sin(8x) + C$    ii)  $1/8 \cdot \sin(8x) + C$    iii)  $\sin(8x) + C$

**99**  $\int x \cos(x) dx$ .

- i)  $\sin(x) + C$    ii)  $\cos(x) - x \sin(x) + C$    iii)  $\cos(x) + x \sin(x) + C$

**100**  $\int 2x \cos(x) dx.$

- i)  $2 \cos(x) + 2x \sin(x) + C$    ii)  $2 \cos(x) - 2x \sin(x) + C$    iii)  $2 \cdot x^2 \sin(x) + C$

**101**  $\int x \sin(x) dx.$

- i)  $\sin(x) + x \cos(x) + C$    ii)  $\sin(x) - x \cos(x) + C$    iii)  $-1/2 \cdot x^2 \cos(x) + C$

**102** Finn  $x$  fra likningen:  $2x - 3 = 4$

- i)  $x = \frac{7}{2}$    ii)  $x = \frac{1}{7}$    iii)  $x = \frac{1}{2}$

**103** Finn  $x$  fra likningen:  $x^2 + x = 6$

- i)  $x_1 = x_2 = 2$    ii)  $x_1 = 2, x_2 = -3$    iii)  $x_1 = -2, x_2 = -3$

**104** Finn  $x$  fra likningen:  $x^2 - 3x - 4 = 0$

- i)  $x_1 = 1, x_2 = 1$    ii)  $x_1 = -1, x_2 = 4$    iii)  $x_1 = -2, x_2 = 4$

**105** Finn  $x$  fra likningen:  $e^{2x+3} = 4$

- i)  $-\frac{3}{2} + \ln 2$    ii)  $\frac{3}{2} - \ln 2$    iii)  $\frac{1}{3} + \ln 4$

**106** Finn  $x$  fra likningen:  $3e^{2x} - 6 = 0$

- i)  $x = 2 \ln 3$    ii)  $\frac{1}{3} \ln 2$    iii)  $\frac{1}{2} \ln 2$

**107** Finn  $x$  fra likningen:  $\ln(x + 4) + 3 = 0$

- i)  $x = e^{-3} - 4$    ii)  $x = e^{-4} + 3$    iii)  $e^3 - 4$

**108** Finn  $x$  fra likningen:  $2 \ln(x/3) = 4$

- i)  $x = 3e^2$    ii)  $4e^3$    iii)  $3e^{-2}$

**109** Finn  $x$  fra likningen:  $x^2 - 6x = -9$

- i)  $x_1 = x_2 = 3$    ii)  $x_1 = 3, x_2 = -3$    iii)  $x_1 = -3, x_2 = 0$

**110** Finn  $x$  fra likningen:  $7, 16x + 4, 78 = 13, 12$

- i)  $x = 2, 5$    ii)  $1, 16$    iii)  $1, 17$

**111** Finn  $x$  fra likningen:  $x = \sqrt{2-x}$

- i)  $x_1 = 1, x_2 = -2$    ii)  $x = 1$    iii)  $x_1 = \sqrt{2}, x_2 = 1$

**112** Gitt ligningen  $-x^2 + 2x = 0$ , hvilket utsagn er da riktig:

- i) 0 er en løsning   ii) 0 er ikke løsning   iii) 5 er en løsning

**113** Gitt ligningen  $x + \frac{1}{x} = 0$ , hvilket utsagn er da riktig:

- i) 1 er en løsning   ii) det fins ikke noen løsninger   iii) -1 er den eneste løsningen

**114** Når vi løser ligningen  $x^3 - 2x = 0$ , så vil:

- i) 0,  $\sqrt{2}$  og  $-\sqrt{2}$  utgjøre alle løsningsene  
ii) bare  $\sqrt{2}$  og  $-\sqrt{2}$  være løsning  
iii) bare  $\sqrt{2}$  og 0 være løsning.

**115** Kurvene  $y = e^{2x}$  og  $y = -4x$  har ett skjæringspunkt, og det ligger i 2. kvadrant. Ligningen  $e^{2x} = -4x$  har da:

- i) en positiv løsning   ii) bare en løsning (og den er negativ)   iii) ingen løsninger

**116** Løser du  $(2x - 4)^2 = 0$ , så får du:

- i)  $x_1 = 2$  og  $x_2 = -2$
- ii) ingen løsninger
- iii) bare en løsning:  $x = 2$

**117** Løser du  $(x + 2)(2x - 4)^2 = 0$ , så får du:

- i)  $x_1 = 2$  og  $x_2 = -2$
- ii) ingen løsninger
- iii) bare en løsning:  $x = 2$

**118** Ligningen  $x = |x|$  har:

- i) ingen løsninger
- ii) bare 0 som løsning
- iii) alle tall som ikke er negative som løsninger

**119** Løser du  $18 \cdot 5^x = 36 \cdot 11^x$ , så får du:

$$\text{i) } x = \frac{\ln 2}{\ln(5/11)} \quad \text{ii) } x = \frac{2}{\ln 5 - \ln 11} \quad \text{iii) } x = \frac{\ln 2}{\ln(5 \cdot 11)}$$

**120** Tallet  $x$  er løsning av  $2 \ln x - 13 = -15$  dersom

- i)  $x = 1/e$ ,
- ii)  $x = e$
- iii)  $x = 2e$

**121** Løser du  $2(\ln x)^2 - 5 \ln x + 7 = 0$ , så får du:

- i)  $x_1 = 14/4, x_2 = -1$
- ii) ingen løsninger
- iii)  $x_1 = e^{3,5}, x_2 = e^{-1}$

**122** Løser du  $(\ln x)^2 - \ln x - 6 = 0$ , så får du:

- i)  $x_1 = 1/e^2, x_2 = e^3$
- ii) ingen løsninger,
- iii) bare en løsning:  $x = e^2$

**123** Løser du  $3 \ln x = 1$ , så får du:

- i) ingen løsninger
- ii)  $x = \sqrt[3]{e}$
- iii)  $x = e^3$

**124** Løser du  $3 \ln(-x) = 3$ , så får du:

- i) ingen løsninger
- ii)  $x = -e$
- iii)  $x = \ln(2e)$

**125** Løser du  $2 \sin x = 3$  og krever at  $x \in [0, 2\pi]$ , så får du at:

- i) løsningen er  $\sin^{-1}(3/2)$
- ii) det ikke er noen løsninger
- iii) løsningen er  $\pi/3$

**126** Løser du  $2 \sin x = \sqrt{3}$  og krever at  $x \in [0, 2\pi]$ , så får du at:

- i)  $x_1 = \pi/3, x_2 = 2\pi/3$
- ii) det finnes ikke noen løsninger
- iii) det er bare en løsning,  $x = \pi/3$

**127** Ligningen  $-4 = \sqrt{\frac{x-2}{4}}$  har ingen løsning fordi:

- i) du kan ikke ta kvadratroten av et negativt tall
- ii)  $\sqrt{A}$  betegner alltid et ikke-negativt tall for  $A \geq 0$
- iii) telleren under rottegnet kan være både pluss og minus

**128** Løs ligningen  $\ln(5x - 4) = 2 \ln x$ . Svaret blir da:

- i)  $x_1 = 1, x_2 = 4$
- ii)  $x_1 = -2, x_2 = 4$
- iii)  $x_1 = 2, x_2 = 4$

**129** Løs ligningen  $\ln(x + 6) = 2 \ln x$ . Svaret blir da:

- i)  $x_1 = -2, x_2 = 3$
- ii)  $x = 3$
- iii) ingen løsninger